





4

Sistemi di riferimento geodetici, loro trasformazioni, la proiezione cartografica, cenni













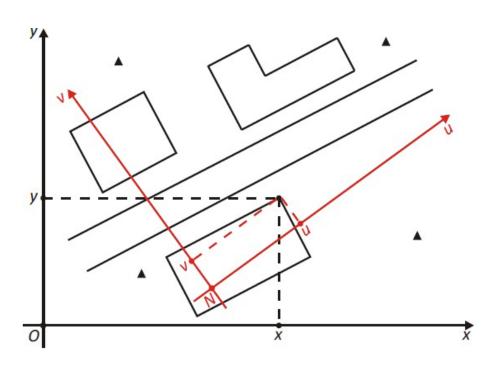


4.1 SR nel piano





<u>Il SR su un foglio</u>



Sono possibili diversi SR.

Il problema della conversione tra diversi SR nel piano ha occupato per anni l'uomo.





TALIA SVIZZERA - ITALIE SUISSE - ITALIEN S

4.2

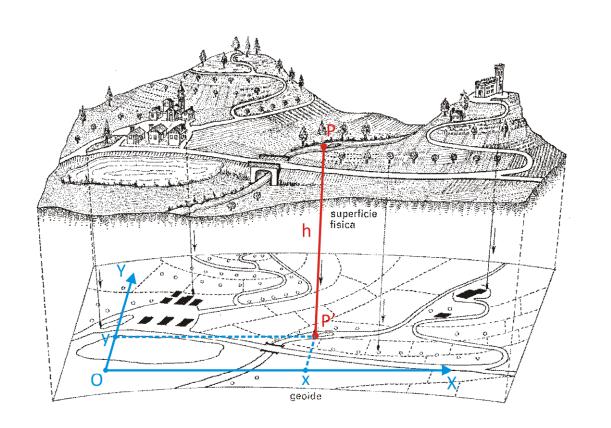
Superfici di riferimento curve





<u>Il posizionamento con la superficie di</u> <u>riferimento</u>

Invece che un piano, la superficie di riferimento è un ellissoide.
Come caratterizzare la posizione di un punto sulla terra?
Associamo al punto P la terna (x,y,h).

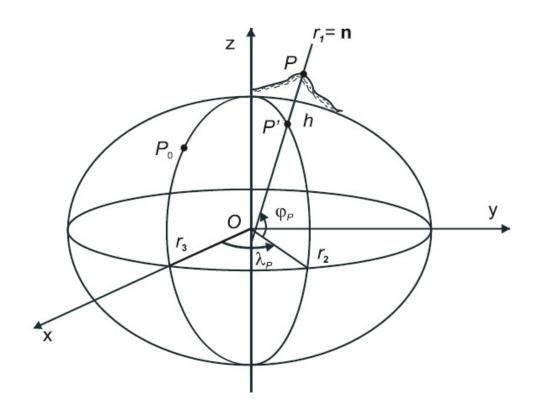








Ellissoide



Coord. geografiche ellissoidiche

Coordinate ECEF





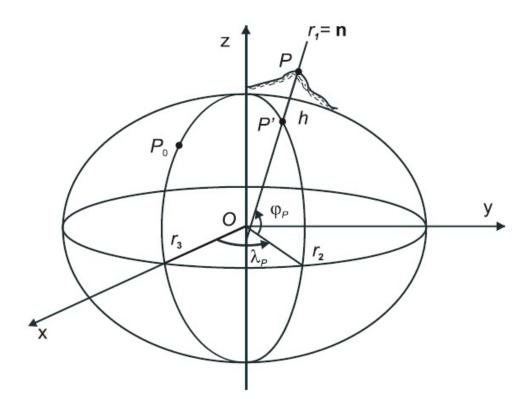
4.3

Coordinate sull'ellissoide





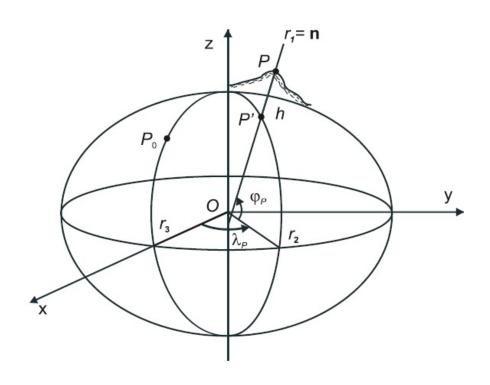
Come istituire coordinate sull'ellissoide?







Consideriamo la retta r1 passante per P e normale all'ellissoide; chiamiamo P' il punto in cui essa interseca l'ellissoide.



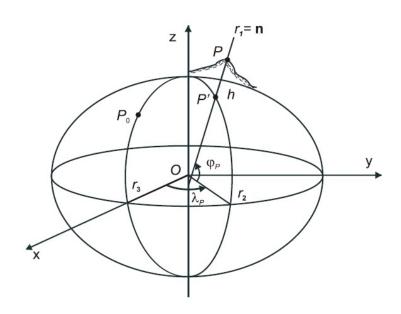
La distanza PP' è detta altezza ellissoidica h.

Resta da caratterizzare la posizione di P' sull'ellissoide e per fare questo si usano due angoli detti latitudine ϕ e longitudine λ .





Consideriamo il piano $\pi 1$ contenente l'asse Z e la retta r1 ; tale piano contiene anche i punti P e P'.



La latitudine prende valori fra -90° e +90° che spesso vengono indicati con 90S e 90N.

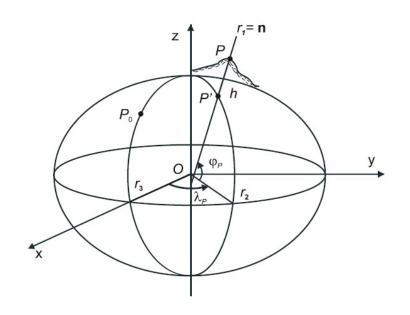
Il piano $\pi 1$ forma, intersecandosi con il piano equatoriale , una retta r2 .

Si definisce latitudine ϕ del punto P l'angolo formato dalle rette r1 e r2 . (Le due rette sono complanari e si intersecano dunque ha senso considerare l'angolo da esse formato).





Per la definizione delle longitudini, è necessario definire prima la loro origine.



Si considera un punto P0 qualunque e il piano meridiano $\pi 2$ che lo contiene; la retta r3 staccata da $\pi 2$ sul piano equatoriale π è l'origine delle longitudini.

Si definisce longitudine C del punto P l'angolo formato dalle rette r3 e r2.

La longitudine prende valori fra -180° e +180° che spesso vengono indicati con 180W e 180E.





4.4 SR geodetici





Ellissoidi e SR geodetici

Quando si sceglie un ellissoide (forma e dimensioni) e lo si colloca e orienta, si stabilisce un SR geodetico, detto datum.

Quanti ellissoidi esistono? Moltissimi.

Quanti datum? Ancora di più perchè un datum è un ellissoide orientato.

Esistono datum diversi basati sullo stesso ellissoide, ma orientato in modo diverso.





Ellissoidi di interesse per l'Italia

- Hayford: l'ellissoide del datum italiano Roma40.
- WGS-84: l'ellissoide del datum in cui il GPS fornisce i suoi dati.
- Bessel: adottato in passato per il SR italiano; ancora di interesse per il Catasto.

Nome	a [m]	b [m]	f
Hayford	6 378 388.000	6 356 911.946	1/297
WGS 84	6 378 137.000	6 356 752.314	1/298.257223563
Bessel	6 377 397.155	6 356 078.963	1/299.1528128





Datum di interesse per l'Italia

Roma40 – Hayford – orientato a Roma MM

ED50 – Hayford – orientato a Bonn





Datum Roma 40

Definito negli anni '40, è il datum ufficiale italiano.

- Punto di emanazione: Roma Monte Mario (41°55'25.51",0)
- Origine delle longitudini: Roma MM
- Azimuth su Monte Soratte: $\alpha = 6^{\circ}35'00.88"$
- Longitudine di MM rispetto a Greenwich:
 12°27'08.4" RMM_RM40_MM=(41°55'25.51",0)
 Monte Mario rispetto a Roma40, longitudine rispetto a MM
- RMM_RM40_GW=(41°55'25.51",12°27'08.4")

 Monte Mario rispetto a Roma40, longitudini rispetto a Greenwich





<u>Datum ED50</u>

European datum 1950: Un SR definito per creare un SR comune europeo, esigenza manifestatasi dopo la fondazione della NATO, per dare alla cartografia un inquadramento unico. È interessante perché è basato sullo stesso ellissoide di Roma40, ma l'orientamento è diverso.

Ricorda: un datum è un ellissoide orientato.

- Punto di emanazione: Potsdam (Bonn, Germania)
- Origine delle longitudini: Greenwich
- Coordinate di Monte Mario in questo datum: RMM_ED50_GW=(41°55'31.487",12°27'10.93")





Perché si danno orientamenti diversi allo stesso ellissoide?

La procedura di orientamento dell'ellissoide descritta in precedenza realizza un orientamento locale dell'ellissoide.

In particolare il fatto che ellissoide e geoide coincidano e siano paralleli nel punto di emanazione implica che le due superfici si approssimino molto bene in un ragionevole intorno del punto di emanazione.

La qualità dell'approssimazione (distanza ma anche diverso orientamento) diminuisce all'aumentare della distanza. Per tutti questi motivi, si tende ad orientare l'ellissoide in un punto baricentrico per il territorio che si intende servire:

Roma per l'Italia
Bonn per l'Europa





<u>Differenze fra Roma40 e ED50</u>

Se ci sono due datum diversi, ci sono due terne cartesiane diverse, nei termini di diversa posizione delle origini, diverso orientamento degli assi. Quanto sono diversi Roma40 ed ED50?

Lo dovremmo valutare in termini di traslazione del centro di un ellissoide rispetto all'altro e rotazione fra gli assi. Si può fare ma non è detto che sia il modo più semplice per capire ed apprezzare la differenza. Un modo per avere un'indicazione più operativa è vedere come le differenze si scarichino sulle differenze di coordinate che i due SR attribuiscono allo stesso punto.

RMM_RM40_GW=(41°55'25.51",12°27'08.4")
RMM_ED50_GW=(41°55'31.487",12°27'10.93")
Differenze: 6" in latitudine, 2.5" in longitudine





Rimuovere un layer dal progetto

È basato sull'ellissoide omonimo.

L'ellissoide è in questo caso orientato globalmente.

È il SR in cui il GPS fornisce le coordinate.



4.5

Necessità delle coordinate cartografiche





Esempi di coordinate

Coordinate geografiche ellissoidiche:

	φ	λ	h
A	45°11'35.781"	9°07'42.874"	136.87
В	45°11'35.781"	9°07'42.874"	107.42
С	45°11'03.526"	9°09′12.023″	174.98

- Vi è distinzione fra planimetria e altimetria
- Sono definite per tutto l'ellissoide univocamente
- Non sono pienamente intuitive:
- Sono difficili da interpretare in termini di distanza fra punti





Esempi di coordinate

Coordinate cartografiche:

	φ	λ	h
A	45°11'35.781"	9°07'42.874"	136.87
В	45°11'35.781"	9°07'42.874"	107.42
С	45°11'03.526"	9°09′12.023″	174.98

Coordinate cartografiche Gauss-Boaga:

- Vi è distinzione fra planimetria e altimetria
- Sono coordinate piane (assimilabili alle coordinate cartesiane), facilmente interpretabili in termini di distanza
- Si vedrà che non è possibile un sistema di coordinate unico per tutto l'ellissoide





Bilancio delle coordinate geografiche (o ellissoidiche)

PRO

- Sono definite per tutto l'ellissoide
- Distinguono planimetria e altimetria

CONTRO

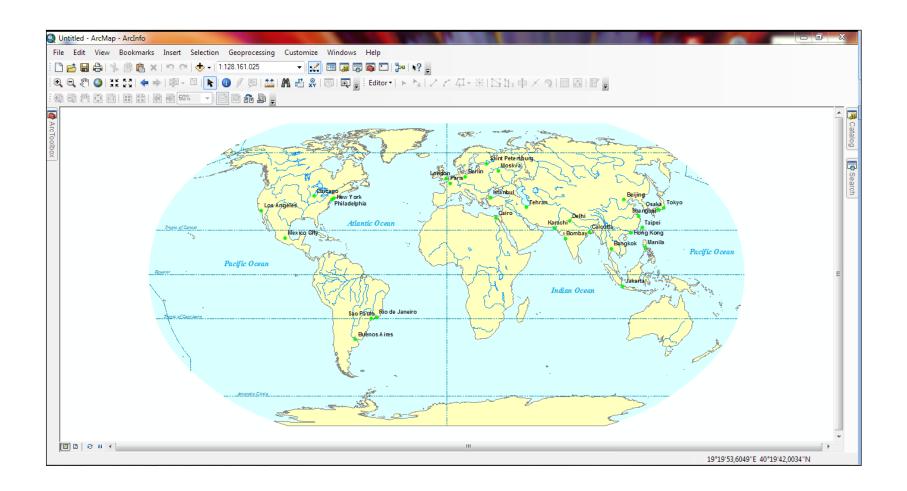
- Non sono pienamente intuitive:
- Sono difficili da interpretare in termini di distanza fra punti
- A=(45°11'35.781", 9°07'42.874")
- C=(45°11'03.526", 9°09'12.023")
- La topografia sull'ellissoide è molto complessa







Definite su tutto l'ellissoide







Perché servono le coordinate cartografiche?

- Per avere coordinate intuitive come quelle cartesiane
- Per avere la possibilità di svolgere i calcoli della topografia in modo semplice come nell'ipotesi di superficie di riferimento piana





4.6

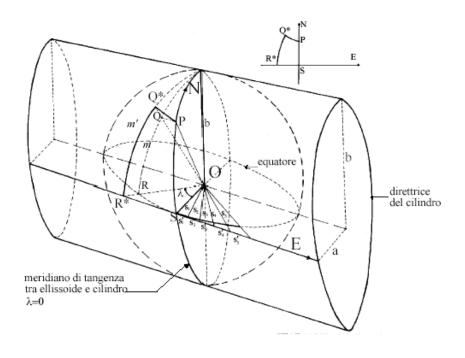
Le proiezioni cartografiche





La proiezione di Gauss in pillole

La proiezione di Gauss, detta anche di Gauss-Kruger, o anche UTM, Universal Transverse Mercator.



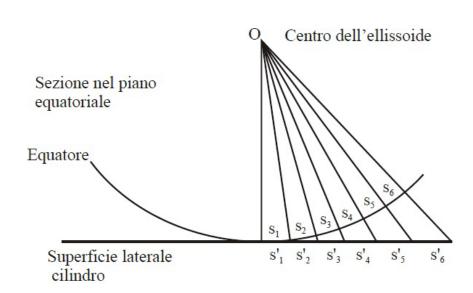
È basata su un cilindro traverso,il cui asse è orizzontale. Si tratta di una proiezione a due passi di cui viene illustrato solo il primo, perché il secondo, da cilindro a piano, è scontato e indolore.





La deformazione delle distanze

Consideriamo la sezione equatoriale: Consideriamo diversi punti sull'equatore, equispaziati.



Consideriamo le loro proiezioni sul cilindro.

Il rapporto μ = si/si è prossimo a 1 intorno al meridiano di tangenza.

Il rapporto μ cresce allontanandosi dal meridiano. Deformazione delle distanze. Il rapporto μ può raggiungere valori abnormi.



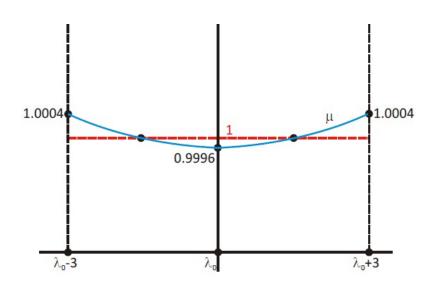




Il coefficiente mu

Dopo la contrazione delle coordinate, la situazione è quella della figura.

dilatazione.



Presso il meridiano di tangenza si ha μ = 0.9996, cioè contrazione. Si hanno due regioni di neutralità. Ai bordi si ha μ = 1.0004, cioè ancora

La deformazione massima è 0.4 per mille, corrispondente a 40 cm al km: la deformazione è stata dimezzata.





<u>Il falso Est</u>

I punti che si trovano sul meridiano di tangenza hanno Est=0. Muovendosi verso Est (nell'emisfero Nord) la coordinata Est è positiva; muovendosi verso Ovest la coordinata Est è negativa. Si vuole che le coordinate siano tutte positive; si aggiunge alle coordinate Est una quantità costante opportuna detta falso Est, talvolta indicata con E.

In questo modo si ha, per i punti del meridiani di tangenza, E=E0.

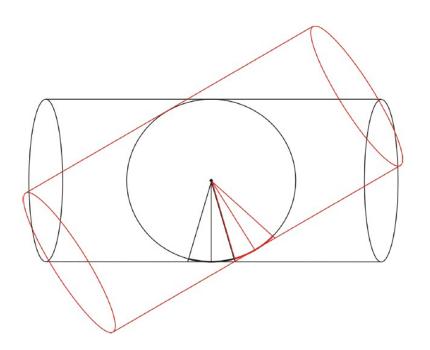
Per tutti i punti vale E > 0.



PKEEP THE ALPS



<u>I fusi</u>



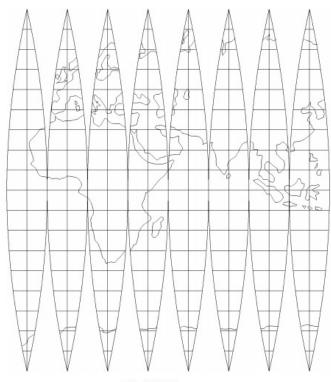
La scelta di un meridiano centrale e la successiva costruzione di un cilindro di proiezione consente di mappare solo una regione abbastanza ristretta attorno almeridiano, se si vogliono contenere le deformazioni. Una regione dell'ellissoide caratterizzata da $|\lambda - \lambda 0| \ge c$ è detto fuso di ampiezza 2c.





<u>I fusi</u>

Se si deve mappare un territorio ampio, è necessario suddividerlo in diversi fusi contigui, individuare in ciascuno un meridiano centrale, costruire altrettanti cilindri e fare tante proiezioni quanti sono i fusi.



UTM fuses





I parametri della proiezioni di Gauss

I parametri sono:

- ampiezza del fuso
- coefficiente μ0
- falso Est E0

Dal punto di vista matematico, è possibile assortire tali parametri in modo sostanzialmente arbitrario.





I sistemi cartografici

Una proiezione cartografica è la funzione matematica con cui i punti dell'ellissoide vengono proiettati sul piano. Nel caso della proiezione di Gauss, vi sono numerosi parametri: ampiezza del fuso, $\mu 0$, E0.

Indichiamo con l'espressione **sistema cartografico** il complesso costituito dalle leggi matematiche della proiezione e da una particolare scelta dei parametri.

Ne prendiamo in considerazione due:

- Il sistema UTM
- Il sistema italiano Gauss-Boaga





Il sistema UTM

UTM: Universal Transverse Mercator, proiezione universale traversa di Mercatore (insigne cartografo del '500). È un sistema basato sulla proiezione di Gauss per cartografare tutta le Terra.

- μ 0 = 0,9996
- Estensione fusi: 6°
- EO = 500000

L'ellissoide è suddiviso in 60 fusi, numerati.

Si parte dal punto agli antipodi di Greenwich e ci si muove nell'emisfero Ovest.

Greenwich è l'estremo Est del fuso 30 e l'estremo Ovest del Fuso 31.





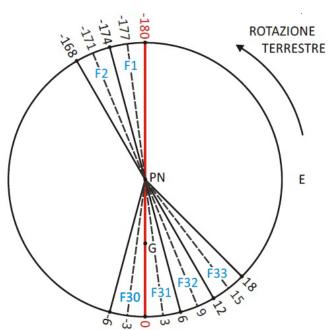
Il sistema UTM

L'Italia di estende in longitudine da 6° a 18°30' circa, dunque è coperta dai fusi 32, 33 e 34.

- Fuso $32 6^{\circ} < \lambda < 12^{\circ}$; $0 = 9^{\circ}$
- Fuso 33 12° < λ < 18° ; $0 = 15^{\circ}$
- Fuso $34 18^{\circ} < \lambda < 24^{\circ}$; $0 = 21^{\circ}$

Le coordinate assegnate ai punti sono univoche all'interno del fuso, ma non lo sono se si prendono in considerazione più fusi. Il punto (550000, 5000300) esiste in ognuno dei 60 fusi.

Quando si assegnano coordinate nel sistema UTM bisogna fornire, insieme alle coordinate del punto, il fuso al quale appartiene. Esempio, P=(550000, 5000300), F32







<u>Il sistema cartografico italiano,</u> <u>detto Gauss-Boaga</u>

Boaga è stato un insigne geodeta italiano che negli anni '40 ha dato al sistema cartografico italiano l'assetto che ha ancora oggi. Il datum è Roma40.

Per la deformazione cartografica si ha $\mu 0 = 0,9996$ Esistono due fusi:

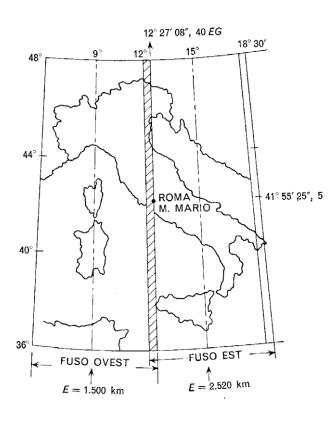
- Fuso Ovest 6° < λ <12°27′08.4"; λ 0 = 9°; E0 = 1500000, estremo Est è Monte Mario
- Fuso Est $11^{\circ}57'08.4'' < \lambda < 18^{\circ}30'$; $\lambda 0 = 15^{\circ}$; E0 = 2520000, estremo Ovest è 30' a Ovest di MM



PKEEP THE ALPS



<u>Il sistema cartografico italiano,</u> <u>detto Gauss-Boaga</u>



Ci sono deroghe alla regola dei 6° di ampiezza per:

- Consentire la sovrapposizione fra fusi e agevolare la mappatura di zone a cavallo dei fusi
- Comprendere nel fuso Est una piccola propaggine costituita dalla punta della Puglia, in modo da evitare l'aggiunta di un terzo fuso

I falsi Est sono differenziati: si ha univocità completa.





Riepilogo ellissoidi e Datum

Ellissoidi	Datum
HayfordWGS-84Bessel	Roma40 – HayfordED50 – HayfordWGS84 – WGS84





Sistemi cartografici interessanti per l'Italia

- **Gauss-Boaga** -> Proiezione di Gauss strutturata in fusi, in modo analogo a UTM, ma tuttavia diversa. Datum Roma40
- UTM-WGS84 -> Projectione UTM basata sul datum WGS84
- UTM-ED50 -> Projezione UTM basata sul datum ED50
- **UTM-Roma40** -> Esiste?

Nelle carte italiane c'è sempre il riferimento a GB. Spesso quello a UTM-ED50, a volte semplicisticamente indicato con UTM.

In un futuro abbastanza prossimo le carte saranno riferite a UTM-WGS84.





Giovanni Boaga



È stato un matematico e un geodeta italiano. Fu professore di geodesia e topografia all'Università di Pisa e di Roma; fu geodeta capo all'Istituto Geografico Militare di Firenze, dove si occup di cartografia e del catasto terreni. Boaga ideò la proiezione di Gauss-Boaga, modificando la proiezione di Gauss nella rappresentazione cartografica dell'Italia per l'Istituto Geografico Militare.

Trieste, 28 febbraio 1902 – Tripoli, 17 novembre 1961





Gerardo Mercatore



Gerardus Mercator, latinizzazione di Gerard de Cremer, è stato un matematico, astronomo e cartografo fiammingo. Noto anche come Gerhard Mercator e Gerardo Mercatore in italiano, divenne celebre per i suoi studi nella cartografia e per aver inventato un sistema di proiezione che porta il suo nome (proiezione di Mercatore).

Rupelmonde, 5 marzo 1512 – Duisburg, 2 dicembre 1594





Carl Friedrich Gauss



Carl Friedrich Gauss è stato un matematico, astronomo e fisico tedesco, che ha dato contributi determinanti in vari campi, inclusi analisi matematica, teoria dei numeri, statistica, calcolo numerico, geometria differenziale, geodesia, geofisica, magnetismo, elettrostatica, astronomia e ottica.

Braunschweig, 30 aprile 1777 – Gottinga, 23 febbraio 1855



4.6

Le trasformazioni di datum in QGIS





Introduzione

Affrontiamo il problema in modo operativo, per la sola regione Lombardia.

Prenderemo in considerazione due SR:

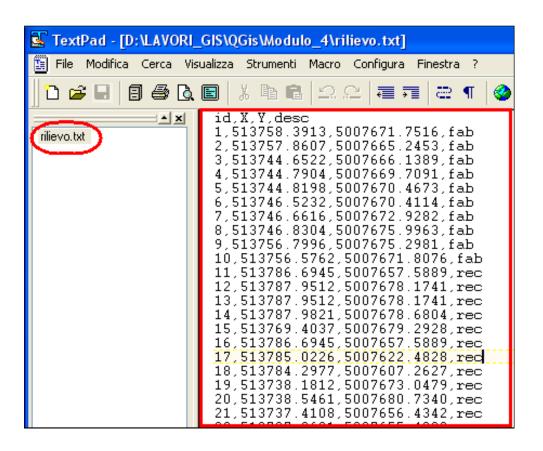
- UTM-WGS84 F32 EPSG 32632
- Gauss-Boaga FO EPSG 3003 (Attenzione questo oggetto era precedentemente indicato con EPSG 26591, ancora usato da RL)



JPKEEP THE ALPS



I dati UTM-WGS84



Modulo_4b

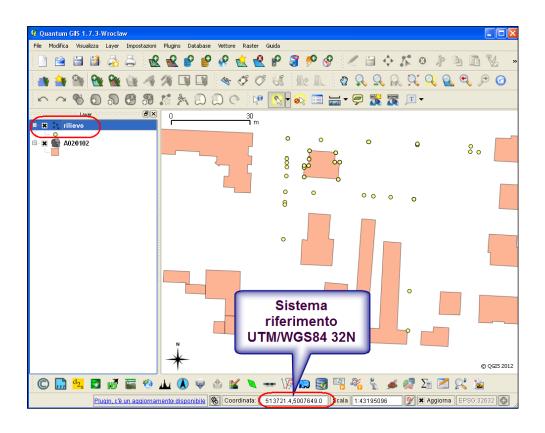
Rilievo.txt - file di testo delle coordinate rilevate, in UTM-WGS84
Rilievo.shp - file shape puntuale, contenente gli stessi dati
A020102.shp - cartografia in UTMWGS84
Rilievo.zip - tutta la shape



UPKEEP THE ALPS



I dati considerati in UTM



Vogliamo ora convertire le coordinate rilevate in Gauss-Boaga. Useremo un servizio di RL.







Il servizio *Trasformazioni di coordinate*

http://www.cartografia.regione.lombardia.it/geoportale

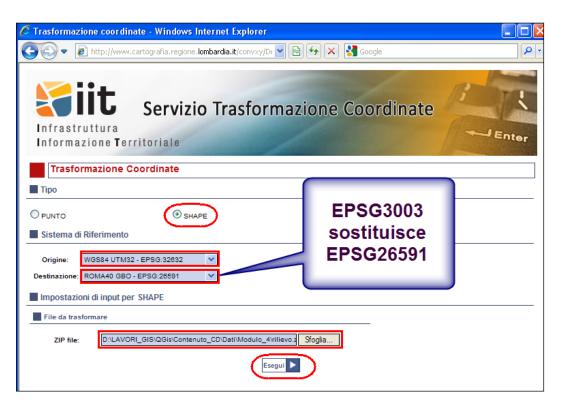






La conversione di datum

Si invia il file vecchio (rilievo.zip).



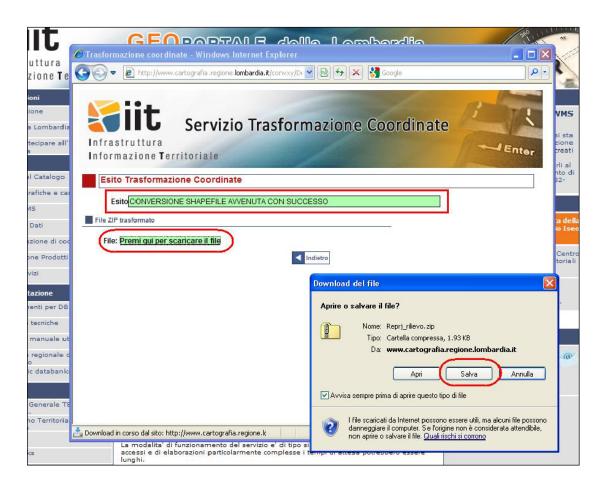
Si scelgono il SR di partenza (32636) e arrivo (26591 - vecchio).
Si scarica il nuovo file, da chiamare **reprj_rilievo.zip**. Il vecchio EPSG26591 è stato sostituito da EPSG3003.



UPKEEP THE ALPS



La conversione di datum

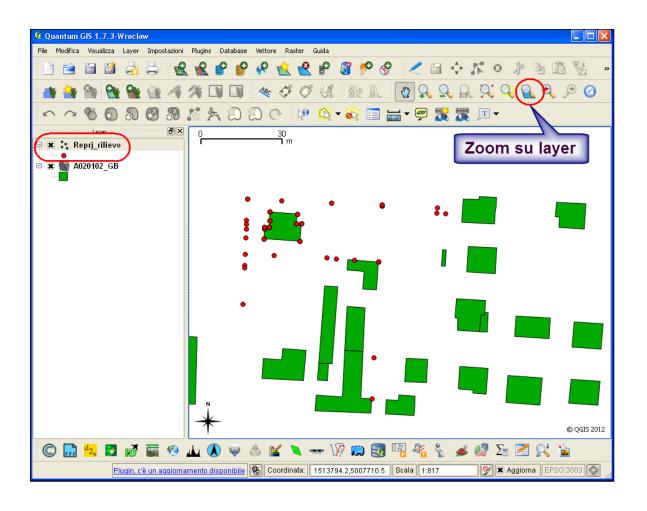


Eseguita la trasformazione si salva il nuovo file zippato reprj_rilievo.zip





Visualizzazione dati GB



Il nuovo shape deve essere decompresso nella dir di lavoro.

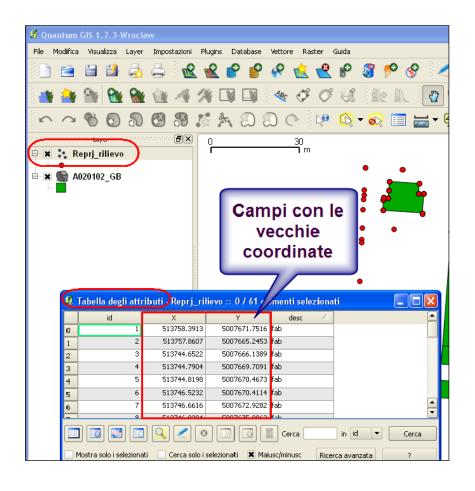
- -> Nuovo progetto
 Caricare:
- reprj_rilievo.shp
- A020102_gb.shp (in modulo_3c)
 Scegliere come SR
 EPSG 3003.



JPKEEP THE ALPS



Se si volessero vedere le coordinate?



Nella tabella dei punti esistono le colonne X e Y che contengono le vecchie coordinate.

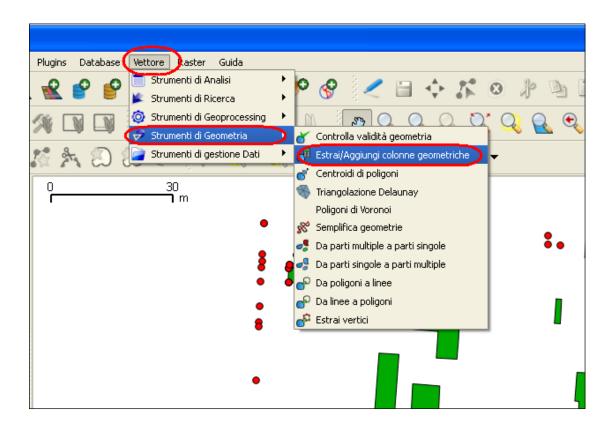
Le colonne devono essere eliminate.

Dove sono memorizzate le vere coordinate dei punti?
Separazione fra geometria e tabella.





Se si volessero vedere le coordinate?

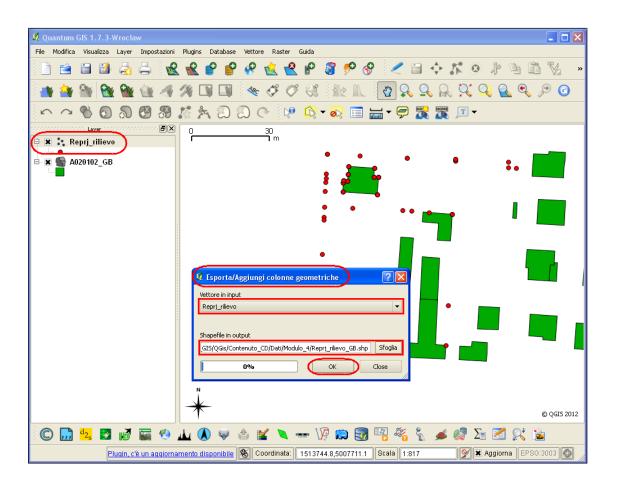


Esiste un comando che inserisce in campi della tabella le coordinate dei puntuali.





Se si volessero vedere le coordinate?



Salvare in reprj_rilievo2.shp



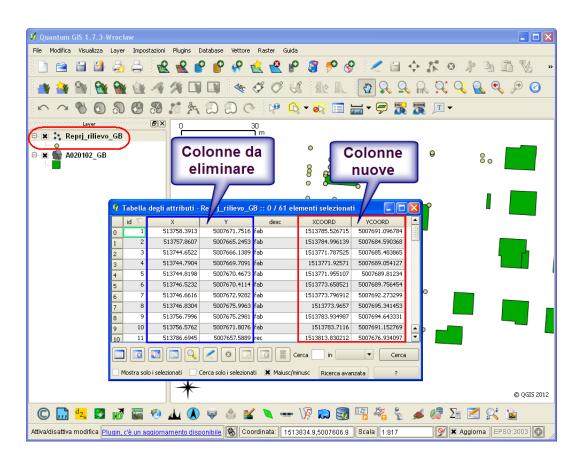


UPKEEP THE ALPS



Se si volessero vedere le coordinate?

Il risultato:









ING. GIORGIO MERONI - ING. MARCO TAGLIABUE